

# Démarrer avec Simulis® Thermodynamics

## Cas 8 : Régression des paramètres d'interaction binaire à partir de données expérimentales sur Excel

Software & Services In Process Simulation

*We guide You to efficiency*



ProSim

# Introduction

Certains modèles thermodynamiques nécessitent d'avoir des paramètres d'interaction binaire (PIB) afin de prédire correctement les équilibres entre phases à partir des règles de mélange.

Malheureusement, ces PIB ne sont pas nécessairement disponibles dans la base de données du logiciel ou dans la littérature.

Ce document présente la façon d'estimer les PIB d'un mélange Ethanol - Acetate d'éthyle, en se basant sur un jeu réduit de données expérimentales (fournies dans le fichier Excel en pièce jointe), en utilisant Simulis Thermodynamics dans Excel.

Il est important de noter que la précision et la pertinence des valeurs estimées dépendent fortement des données expérimentales. Il est conseillé d'utiliser ces valeurs dans la même plage de température que celle correspondant aux données expérimentales. En dehors de cette plage les capacités prédictives du modèle ne sont pas garanties. Plus les plages de pression et température sont larges plus le modèle est fiable.



*Pour traiter cet exemple, il est nécessaire d'avoir accès à l'option « composant logiciel » de Simulis Thermodynamics, afin de pouvoir l'utiliser dans l'environnement Excel.*

*Avant de traiter ce cas, il est conseillé de consulter “Démarrer avec Simulis Thermodynamics, cas n°1” expliquant comment insérer un objet Simulis dans Excel, sélectionner des constituants et définir un système thermodynamique.*

# Étape 1 : Créez la feuille de calcul

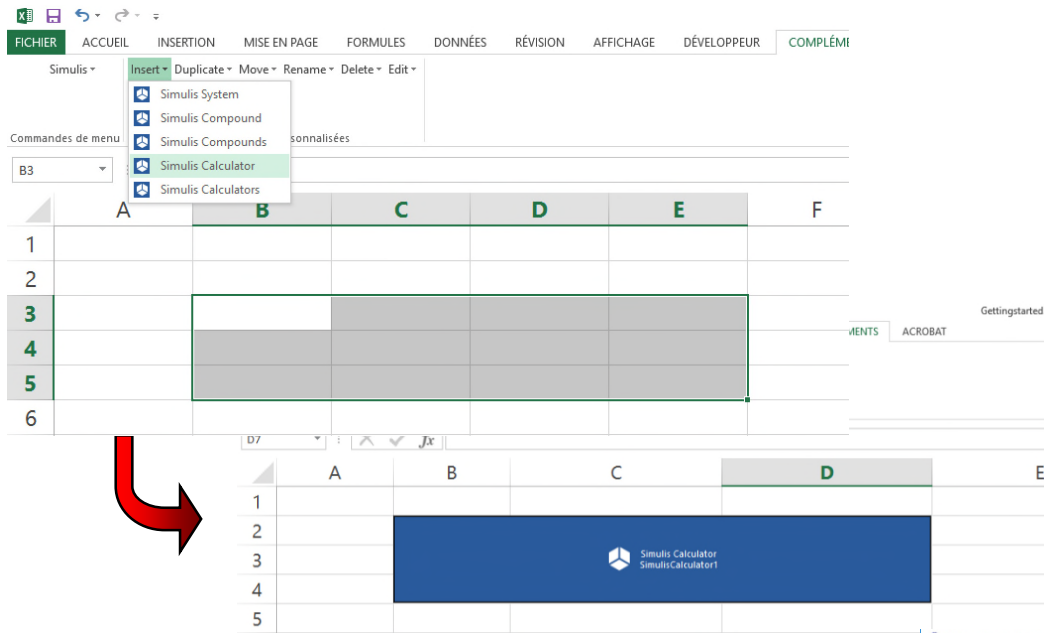
- Dans Excel, créez la feuille de calcul avec les données expérimentales correspondant aux compositions liquide et vapeur du mélange.


Données expérimentales				
Reference	F. Mato et al., An. Quim. Ser. A. 1984. Vol. 80, p.338			
P	760	mmHg		
T (°C)	Fraction phase liquide (x)		Fraction phase vapeur (y)	
	ETHYL ACETATE	ETHANOL	ETHYL ACETATE	ETHANOL
78,30	0,0000	1,0000	0,0000	1,0000
78,30	0,0130	0,9870	0,0300	0,9700
78,00	0,0220	0,9780	0,0500	0,9500
77,80	0,0300	0,9700	0,0660	0,9340
76,70	0,0710	0,9290	0,1340	0,8660
76,10	0,0950	0,9050	0,1760	0,8240
76,00	0,0970	0,9030	0,1750	0,8250
75,20	0,1350	0,8650	0,2300	0,7700
75,10	0,1360	0,8640	0,2320	0,7680
74,40	0,1500	0,8500	0,2490	0,7510
73,40	0,2570	0,7430	0,3510	0,6490
72,70	0,3310	0,6690	0,4100	0,5900
72,80	0,3320	0,6680	0,4040	0,5960
72,60	0,3600	0,6400	0,4220	0,5780
72,20	0,4620	0,5380	0,4950	0,5050
72,10	0,5450	0,4550	0,5450	0,4550
72,20	0,6280	0,3720	0,5920	0,4080
72,40	0,6810	0,3190	0,6350	0,3650
72,70	0,7740	0,2260	0,6810	0,3190
73,40	0,8270	0,1730	0,7280	0,2720
73,60	0,8320	0,1680	0,7630	0,2370
74,40	0,8900	0,1100	0,8380	0,1620
74,60	0,9170	0,0830	0,8650	0,1350
75,30	0,9360	0,0640	0,9000	0,1000
77,10	1,0000	0,0000	1,0000	0,0000

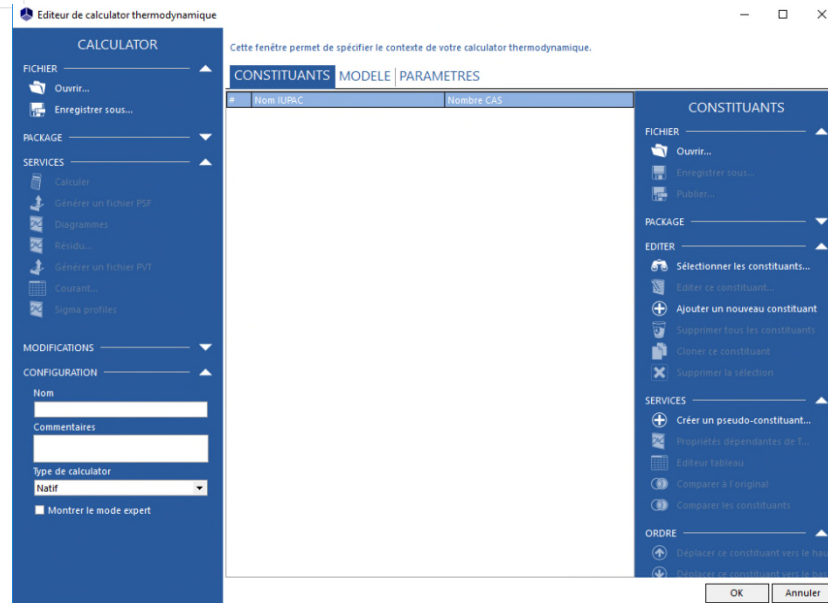
Le jeu de données peut être soit à température constante (isotherme) soit à pression constante (isobare). Nous sommes ici à pression constante, cependant la température ne varie que de 1,20 °C ce qui rend difficile l'estimation des paramètres dépendant de la température. Cela reste possible mais il est vivement conseillé de refaire l'estimation en utilisant des jeux additionnels de données.

# Étape 2 : Insérez un objet “Simulis calculator” et définissez le modèle thermodynamique

4



 Vous pouvez vous référer à “*Démarrer avec Simulis Thermodynamics, cas n°1*” pour plus de détails sur ces opérations.

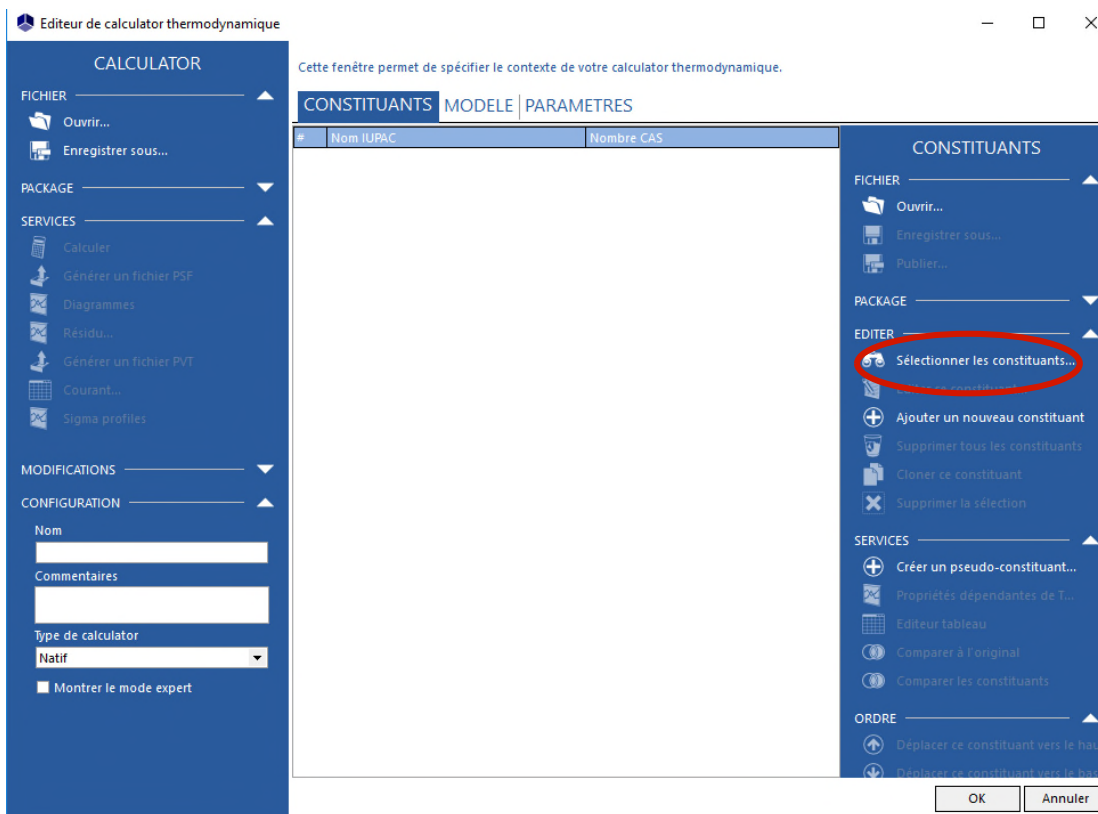





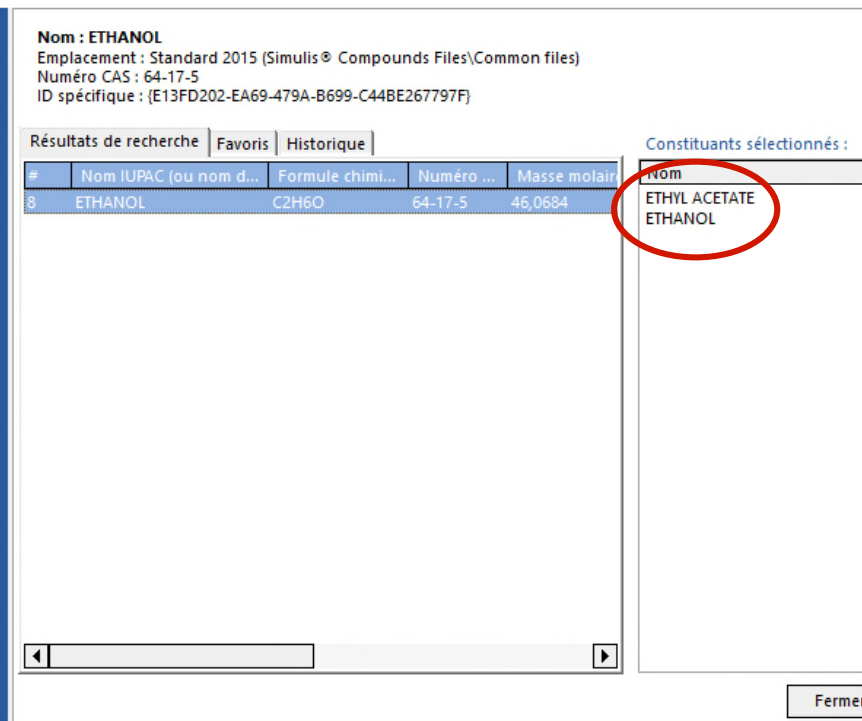
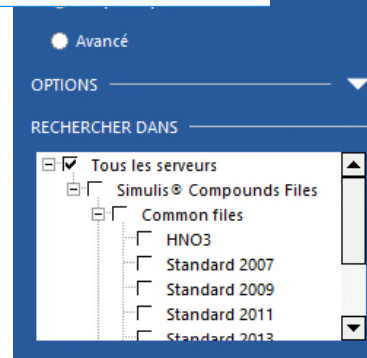
# Étape 2 : Insérez un objet “Simulis calculator” et définissez le modèle thermodynamique

5

## Sélectionnez les constituants : Ethyl-Acetate et Ethanol



 Vous pouvez vous référer à “**Démarrer avec Simulis Thermodynamics**, cas n°1” pour plus de détails sur ces opérations.



# Étape 2 : Insérez un objet “Simulis calculator” et définissez le modèle thermodynamique

6

Sélectionnez le modèle thermodynamique : NRTL

Editeur de calculator thermodynamique

Cette fenêtre permet de spécifier le contexte de votre calculator thermodynamique.

CONSTITUANTS | **MODELE** | PARAMETRES

	Nom IUPAC	Nombre CAS
1	ETHYL ACETATE	141-78-6
2	ETHANOL	64-17-5

Thermodynamic calculator editor

COMPOUNDS | **MODEL** | BINARIES | PARAMETERS

Name: NRTL

Category: All the profiles

Profile: NRTL

Approach type: From activity coefficients

Equation of state: Perfect gas

Alpha function: Not defined

Mixing rules: Not defined

Activity coefficient model: NRTL

Pure liquid fugacity standard state: Vapor pressure

Liquid molar volume: Ideal mixture

Transport properties: Classic methods

Enthalpy calculation: H\*=0, ideal gas, 25°C, 1 atm

User-defined thermodynamic model: None

Model index: 1

Comments:

Thermodynamic MODEL

CONFIGURATION

Parameters

Thermodynamic assistant

Thermodynamic help

Use a specific model for pure water

Advanced


Water-hydrocarbons model

Sol A: 6,25043

Sol B: 4015,3

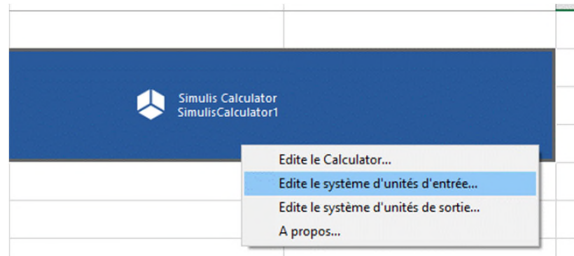
The liquid phase splitting is taken into account

Ok Cancel

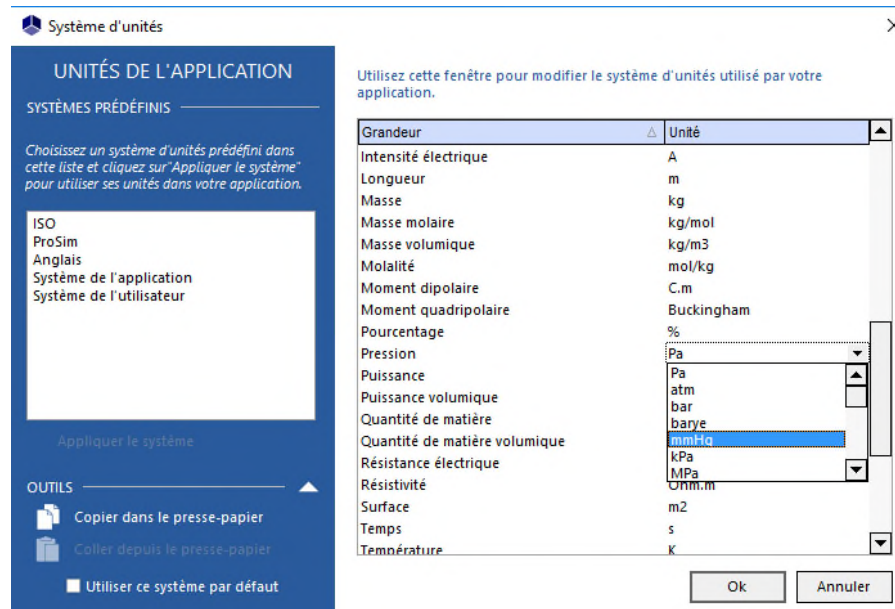
 Vous pouvez remarquer que l'onglet “Binaires” n'apparaît que lorsqu'un modèle thermodynamique nécessitant des PIB est sélectionné.

# Étape 3 : Changez le système d'unités

- Par défaut le système d'unités est en Pa et en K. Nos données étant fournies en mmHg et en °C, il est nécessaire d'adapter le système d'unités afin d'éviter le calcul de conversion.



Cliquez sur le Calculator avec le bouton droit et sélectionnez **“Édite le système d'unités d'entrée...”**.

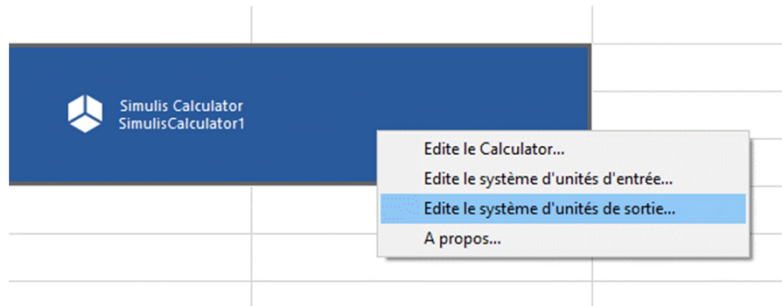


La fenêtre du système d'unités s'ouvre. Faites défiler afin de trouver la **"Pression"**, puis sélectionnez **"Pa"** et changez le en **"mmHg"**. Répétez l'opération pour la température puis cliquez sur **"OK"**.



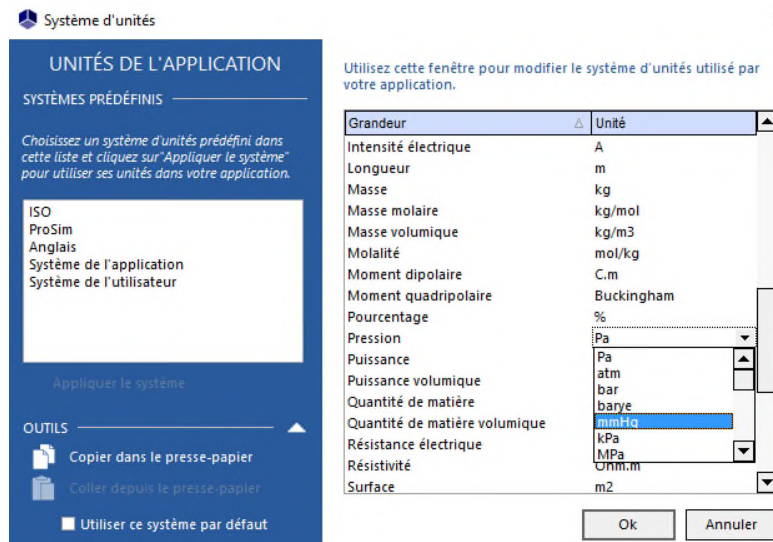
# Étape 3 : Changez le système d'unités

- Répétez l'opération pour le système d'unités de sortie.



Cliquez sur le Calculator avec le bouton droit et sélectionnez **"Édite le système d'unités de sortie..."**.

Si aucun changement n'est effectué, les résultats des calculs seront donnés dans le système d'unités par défaut.



La fenêtre du système d'unités s'ouvre. Faites défiler afin de trouver la **"Pression"**, puis sélectionnez **"Pa"** et changez le en **"mmHg"**. Répétez l'opération pour la température puis cliquez sur **"OK"**.





# Étape 5 : Calculez les valeurs des compositions des phases liquide et vapeur

- Préparez un autre tableau qui présentera les résultats des calculs d'équilibre (température, fractions en phases liquide et vapeur et constantes d'équilibre).

G	H	I	J	K	L	M	N	O	P
aij0	CijT	CjiT	aijT						
0,2	0	0	0						
		Valeurs calculées							
apour (y)		T (°C)	Fraction phase liquide (x)		Fraction phase vapeur (y)		Constante d'équilibre (Ki)		
ETHANOL			ETHYL ACETATE	ETHANOL	ETHYL ACETATE	ETHANOL	ETHYL ACETATE	ETHANOL	
1,0000									
0,9700									
0,9500									
0,9340									
0,8660									
0,8240									
0,8250									
0,7700									
0,7680									
0,7510									
0,6490									
0,5900									
0,5960									
0,5780									
0,5050									
0,4550									
0,4080									
0,3650									
0,3190									
0,2720									
0,2370									
0,1620									
0,1350									
0,1000									
0,0000									

# Étape 5 : Calculez les valeurs des compositions des phases liquide et vapeur

Valeurs calculées						
T (°C)	Fraction phase liquide (x)		Fraction phase vapeur (y)		Constante d'équilibre (K)	
	ETHYL ACETATE	ETHANOL	ETHYL ACETATE	ETHANOL	ETHYL ACETATE	ETHANOL

Insérez une fonction Simulis Calculator :

1. Sélectionnez la première ligne du tableau et cliquez sur le bouton permettant d'insérer une fonction dans Excel
2. Dans la fenêtre "Insérer une fonction", sélectionnez *Simulis Calculator*
3. Dans la liste des fonctions, sélectionnez "*stCALFlashWPKij*" permettant de calculer la température, les fractions des phases liquide et vapeur et les constantes d'équilibre à pression et taux de vaporisation imposés.

The screenshot shows the Excel interface with the 'Insérer une fonction' (Insert Function) dialog box open. The 'fx' button in the formula bar is circled in red. The dialog box has 'Simulis Calculator' selected in the 'Ou sélectionnez une catégorie' (Or select a category) dropdown. In the 'Sélectionnez une fonction' (Select a function) list, 'stCALFlashWPKij' is highlighted. A red arrow points from this function to the next step in the instructions.

This screenshot shows the 'Insérer une fonction' dialog box with 'stCALFlashWPKij' selected. The function description is 'Flash liquide-vapeur à taux de vaporisation et pression donnés (avec Kij)'. The 'OK' button is highlighted.

4. Renseignez les arguments de la fonction (voir page suivante)



# Étape 5 : Calculez les valeurs des compositions des phases liquide et vapeur

Arguments de la fonction

stCALFlashWPKij

NomObjet	"simuliscalculator1"	=	"simuliscalculator1"
Pression	\$D\$12	=	760
TauxVap	0	=	0
Composition	D15:E15	=	{0,1}
TypeComposition	0	=	

=

Flash liquide-vapeur à taux de vaporisation et pression donnés (avec Kij).

TypeComposition Type de composition du mélange (0 = molaire, 1 = massique).

Résultat =

[Aide sur cette fonction](#) OK Annuler

Entrez le nom du calculator utilisé.

Sélectionnez la cellule dans laquelle est définie la pression. Ajoutez le signe "\$" afin de garder la sélection constante lorsque vous étendez la fonction sur l'ensemble du tableau.

Le taux de vaporisation est fixé à 0 car nous voulons faire varier la composition liquide (cellule suivante).

Sélectionnez les cellules dans lesquelles la composition liquide est définie.

Définissez le type de composition comme molaire.

Arguments de la fonction

stCALFlashWPKij

Init		=	
TempératureInit		=	
FractionsLiqInit		=	
FractionsVapInit		=	
TypeRésultats	0	=	0

=

Flash liquide-vapeur à taux de vaporisation et pression donnés (avec Kij).

TypeRésultats Type de résultats (0 = molaire, 1 = massique).

Résultat =

[Aide sur cette fonction](#) OK Annuler

Faites défiler afin de renseigner les autres arguments

Il n'y a pas d'initialisation, par conséquent les cellules "Init" sont vides

Le type de résultat est fixé à 0 car nous avons des données expérimentales molaires

Faites défiler afin d'avoir les autres arguments de la fonction (voir page suivante)...

# Étape 5 : Calculez les valeurs des compositions des phases liquide et vapeur

Constituants		Paramètres d'interaction binaire					
1	2	$C_{ij}^O$	$C_{ji}^O$	$a_{ij}^O$	$C_{iT}^O$	$C_{jT}^O$	$a_{iT}^O$
ETHYL ACETATE	ETHANOL	0	0	0,2	0	0	0

Arguments de la fonction

stCALFlashWPKij

TypeRésultats 0 = 0

NbBinaires 1 = 1

IndicesCmpd1 \$C\$7 = 1

IndicesCmpd2 \$D\$7 = 2

ValeursCoef \$E\$8:\$J\$8 = {0,0,0,2,0,0,0}

Flash liquide-vapeur à taux de vaporisation et pression donnés (avec Kij).

ValeursCoef Valeurs des coefficients d'interaction binaire.

Résultat =

[Aide sur cette fonction](#) OK Annuler

Fixez le nombre de binaires à 1 étant donné que nous n'étudions qu'un binaire.

Ces champs définissent les positions du premier et du deuxième constituant dans le Calculator (1 et 2). Insérez le signe "\$" afin de maintenir la sélection constante.

Ce champ définit les cellules dans lesquelles les PIB seront renseignés. Sélectionnez les cellules correspondant aux valeurs des PIB. Insérez le signe "\$" afin de maintenir la sélection constante.

Une fois terminé, cliquez sur "**CRTL + MAJ + ENTREE**" afin de bien insérer la fonction dans toutes les cellules sélectionnées. Si vous cliquez directement sur "**OK**", seule la première cellule sera correctement configurée.

**Sélectionnez la première ligne et étendez la verticalement sur tout le tableau (ou faites un copier-coller sur toutes les lignes)**






- Valeur absolue de (valeur expérimentale – valeur calculée) / valeur expérimentale*

$y_1$  est la fraction vapeur de l'Acétate d'éthyle,  $y_2$  est la fraction vapeur de l'Ethanol.

Dans chaque cellule, entrez la formule définie ci-dessus. Pour la première cellule, cela correspond à " $=ABS(F21-L21)/F21$ ". F21 et L21 étant les cellules correspondant respectivement aux valeurs expérimentales et calculées pour une température donnée (flèches violettes ci-dessous). Insérez la fonction correspondante pour  $y_1$  et  $y_2$  (flèches rouges ci-dessous).

	Deletion	
Su <sub>1</sub>	Su <sub>1</sub>	Su <sub>2</sub>
0.00031596	0	0
0.000539742	0.019463157	0.000601793
0.000177837	0.020385988	0.000849884
0.000735506	0.000171943	0.000399834
0.000475494	0.048167405	0.000644714
0.000456588	0.000272389	0.000300307
0.000422338	0.000167367	0.000578594
0.000483607	0.002302395	0.000687555
0.002394540	0.000594742	0.000218434
0.00017767	0.000167367	0.000186553
0.000434336	0.000631346	0.000191434
0.000394725	0.047486306	0.000543437
0.00061603	0.000476932	0.000495349
0.000430037	0.000167367	0.000186553
0.0000591265	0.0020052086	0.000565505
0.00412822	0.019364818	0.023149467
0.000545785	0.000762624	0.001432026
0.000152621	0.000167367	0.000186553
0.000894443	0.030188194	0.00643542
0.007602054	0.005717747	0.006571303
0.00016217	0.000167367	0.000186553
0.00065163	0.000471957	0.004177582
0.000637932	0.000639399	0.012068392
0.00618571	0.000626744	0.00541621

# Étape 7 : Déterminez les paramètres d'interaction binaire

 **Le calcul va faire appel au solveur d'Excel afin de déterminer les paramètres permettant de minimiser le critère de déviation global. Ce critère est défini dans cet exemple comme étant la somme des carrés des écarts.**

Déviation		
Sur T	Sur y1	Sur y2
0,00013196		0
2,48008E-05	0,550773122	0,01703422
0,003711947	0,543989321	0,028631017
0,006194515	0,52903184	0,037383406
0,02011339	0,451711093	0,06989525
0,027851503	0,441868313	0,09437964
0,029178401	0,426898162	0,090554156
0,03963369	0,393855982	0,117645293
0,041004942	0,394649607	0,119217069
0,050614066	0,378198817	0,125394814
0,063464989	0,246893493	0,133527914
0,072654147	0,171703299	0,119319241
0,071166377	0,156891196	0,106349066
0,073712646	0,125624233	0,091718731
0,078148245	0,04679454	0,045867915
0,078373899	0,018222931	0,021827467
0,075578095	0,076806704	0,111445022
0,071759223	0,086415753	0,150339734
0,065819614	0,147200598	0,314243284
0,054778175	0,144191076	0,385923173
0,051828634	0,098083752	0,315771742
0,039552805	0,066974037	0,346445945
0,036311044	0,063837286	0,409031501
0,026357877	0,042823267	0,385409407
0,00133061	0	

Entrez la formule suivante sous le tableau:  
**"= SOMME.CARRES(T21:V45)".**

**T21:V45** représente l'ensemble des cellules du tableau et va dépendre de la façon dont vous avez organisé votre feuille de calcul

Pressez "**Entrée**" afin d'obtenir la valeur suivante: **3,129135581**

Critère global

3,129135581

# Étape 7 : Déterminez les paramètres d'interaction binaire

17

 Ouvrez le solveur et minimisez le critère.

Paramètres du solveur

Objectif à définir :

À : ☐ Max ☒ Min ☐ Valeur :

Cellules variables :

Contraintes :

☐ Rendre les variables sans contrainte non négatives

Sélect. une résolution :

Méthode de résolution

Sélectionnez le moteur GRG non linéaire pour des problèmes non linéaires simples de solveur. Sélectionnez le moteur Simplex PL pour les problèmes linéaires, et le moteur Évolutionnaire pour les problèmes complexes.

Ajouter  
Modifier  
Supprimer  
Rétablir tout  
Charger/enregistre

Aide Résoudre Fermer

Afin d'ouvrir la fenêtre du solveur, sélectionnez "*Données / Solveur*" dans le menu Excel (s'il n'est pas activé, sélectionnez "*Compléments*" et vérifiez les options du solveur).

La cellule cible est celle à minimiser (correspondant au critère global)

Sélectionnez le bouton permettant de minimiser la cellule cible

Les cellules variables sont celles correspondant aux PIB. Sélectionnez uniquement  $C_{ij}^0$  et  $C_{ji}^0$  car  $a_{ij}^0$  doit rester égal à 0,2 et la plage de température correspondant aux données expérimentales n'est pas suffisamment large pour estimer correctement  $C_{ij}^T$ ,  $C_{ji}^T$  et  $a_{ij}^T$

Cliquez ensuite sur "*Résoudre*"



# Étape 7 : Déterminez les paramètres d'interaction binaire

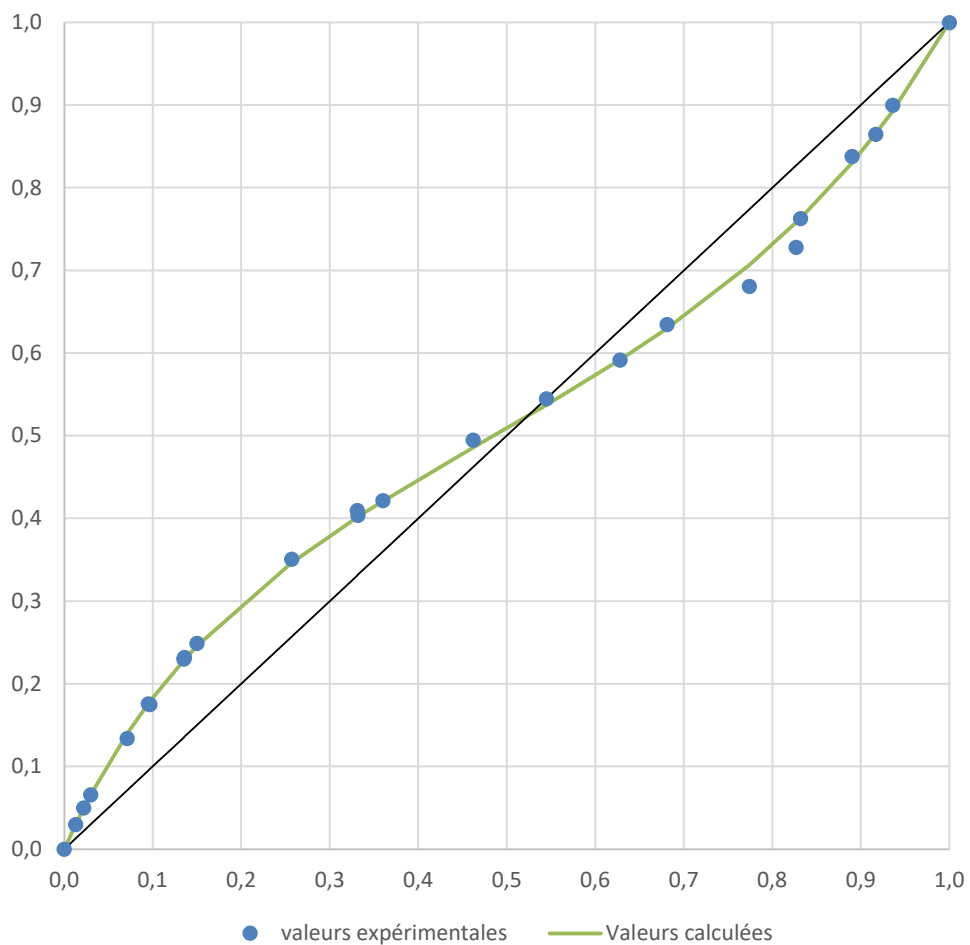
Constituants		Paramètres d'interaction binaire					
1	2	$C_{ij0}$	$C_{ji0}$	$a_{ij0}$	$C_{ijT}$	$C_{jiT}$	$a_{ijT}$
ETHYL ACETATE	ETHANOL	-48,94185093	635,4007422	0,2	0	0	0

- Les PIB sont calculés. Le nouveau critère global vaut 0,035 (cette valeur dépend des paramètres utilisés pour configurer le solveur).
- Afin de vérifier la pertinence de vos estimations, tracez les courbes représentant les fractions liquide / vapeur pour chaque constituant ( $x_1$ - $y_1$  et  $x_2$ - $y_2$ ) puis comparez les courbes estimées avec les courbes expérimentales.

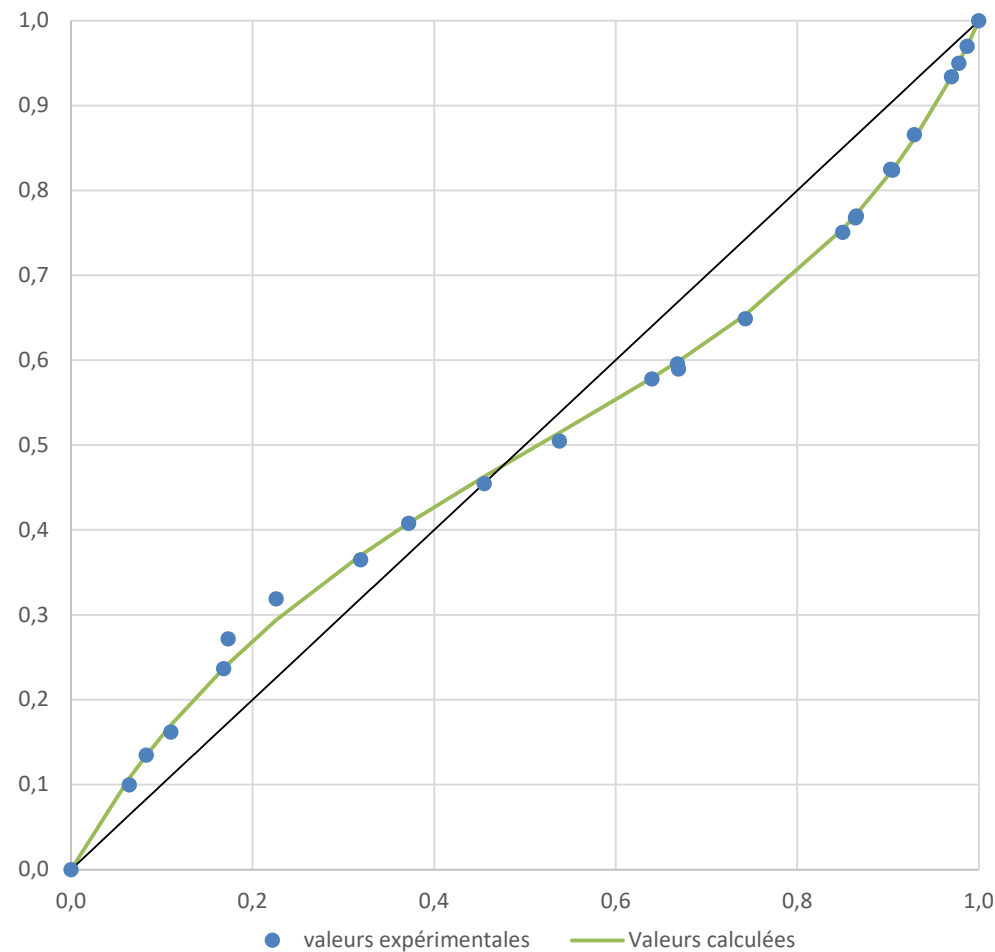
# Étape 7 : Déterminez les paramètres d'interaction binaire

19

## Ethyl Acetate



## Ethanol



# Limites de la méthode

- Nombre de données expérimentales
- Nombre de PIB à régresser
- Nombre de solutions possibles
- Méthode numérique et paramètres du solveur Excel





**ProSim SA**  
**51, rue Ampère**  
**Immeuble Stratège A**  
**F-31670 Labège**  
**France**

**☎: +33 (0) 5 62 88 24 30**



Software & Services In Process Simulation



**ProSim, Inc.**  
**325 Chestnut Street, Suite 800**  
**Philadelphia, PA 19106**  
**U.S.A.**

**☎: +1 215 600 3759**

**[www.prosim.net](http://www.prosim.net)**  
**[info@prosim.net](mailto:info@prosim.net)**